

# ESQUISSE D'UN PROGRAMME<sup>1</sup>

par Alexandre GROTHENDIECK

---

**1. Envoi.** — Comme la conjoncture actuelle rend de plus en plus illusoire pour moi les perspectives d'un enseignement de recherche à l'Université, je me suis résolu à demander mon admission au CNRS, pour pouvoir consacrer mon énergie à développer es travaux et perspectives dont il devient clair qu'il ne se trouvera aucun élève (ni même, semble-t-il, aucun congénère mathématicien) pour les développer à ma place.

En guise de document "Titres et Travaux", on trouvera à la suite de ce texte la reproduction intégrale d'une esquisse, par thèmes, de ce que je considérais comme mes principales contributions mathématiques au moment d'écrire ce rapport, en 1972. Il contient également une liste d'articles publiés à cette date. J'ai cessé toute publication d'articles scientifiques depuis 1970. Dans les lignes qui suivent, je me propose de donner un aperçu au moins sur quelques thèmes principaux de mes réflexions mathématiques depuis lors. Ces réflexions se sont matérialisées au cours des années en deux volumineux cartons de notes manuscrites, difficilement déchiffrables sans doute à tout autre qu'à moi-même, et qui, après des stades de décantations successives, attendent leur heure peut-être pour une rédaction d'ensemble tout au moins provisoire, à l'intention de la communauté mathématique. Le terme "rédaction" ici est quelque peu impropre, alors qu'il s'agit bien plus de développer des idées et visions multiples amorcées au cours de ces douze dernières années, en les précisant et les approfondissant, avec tous les rebondissements imprévus qui constamment accompa-

---

<sup>1</sup>Ce texte a été transcrit par Mateo Carmona  
<https://agrothendieck.github.io/>

gnent ce genre de travail – un travail de découverte donc, et non de compilation de notes pieusement accumulées. Et je compte bien, dans l’écriture des “Réflexions Mathématiques” commencée depuis février 1983, laisser apparaître clairement au fil des pages la démarche de la pensée qui sonde et qui découvre, en tâtonnant dans la pénombre bien souvent, avec des trouées de lumière subites quand quelque tenace image fausse, ou simplement inadéquate, se trouve enfin débusquée et mise à jour, et que les choses qui semblaient de guingois se mettent en place, dans l’harmonie mutuelle qui leur est propre.

Quoi qu’il en soit, l’esquisse qui suit de quelques thèmes de réflexions des dernières dix ou douze années, tiendra lieu en même temps d’esquisse de programme de travail pour les années qui viennent, que je compte consacrer au développement de ces thèmes, ou au moins de certains d’entre eux. Elle est destinée, d’une part aux collègues du Comité National appelés à statuer sur ma demande, d’autre part à quelques autres collègues, anciens élèves, amis, dans l’éventualité où certaines des idées esquissées ici pourraient intéresser l’un d’entre eux.

2. Un jeu de “Lego-Teichmüller” et le groupe de Galois de  $\overline{\mathbb{Q}}$  sur  $\mathbb{Q}$ . —
3. Corps de nombres associés à un dessin d’enfant. —
4. Polyèdres réguliers sur les corps finis. —
5. Haro sur la topologie dite “générale”, et réflexions heuristiques vers une topologie dite “modérée”. —
6. “Théories différentielles” (à la Nash) et “théories modérées”. —
7. À la Poursuite des Champs. —
8. Digressions de géométrie bidimensionnelle. —
9. Bilan d’une activité enseignante. —
10. Épilogue. —